

55. Fejtsük ki  $D_n$ -et az 1. sora szerint. Az egyik tag  $D_{n-1}$  számszorosa lesz, a másik aldeterminánst pedig az első oszlop szerint tovább kifejtve  $D_{n-2}$  egy számszorosát kapjuk. Így  $D_n$ -re egy rekurzió adódik. Kiszámolva  $D_n$ -et  $n = 1, 2, 3$ -ra, megsejtjük az általános képletet és utána ezt teljes indukcióval tudjuk bizonyítani a rekurzió alapján. (Aki ismeri a lineáris rekurziók általános megoldási módszerét, annak sejtene sem kell.)
56. Az előző feladathoz hasonlóan járjunk el, itt egyszerűbb lesz a rekurzió, mert  $D_{2k}$  kifejezhető egyedül  $D_{2k-2}$ -vel. Másik lehetőség: sorkivonogatásokkal nullázzuk le a főátló alatti elemeket.
57. Fejtsük ki mindkét determinánst az első sor szerint és vizsgáljuk meg, mikor lesz a két összeg egyenlő.
58. A kifejtés mellett használjuk a ferde kifejtést is.
59. Vezessük vissza a Vandermonde determinánusra.
60. Használjuk a mátrix inverzére tanult képletet.
61. Kövessük a mátrix invertálhatóságára a determináns segítségével adott feltétel bizonyítását. Most  $\det A = \pm 1$  a helyes feltétel.
62. Igaz: (a), (b).
63. Alkalmazzuk a Cramer-szabályt. Használjuk fel (b)-nél a Vandermonde determináns képletét is.
64. A polinomot  $f = c_0 + c_1x + \dots + c_{n-1}x^{n-1}$  alakban keresve az  $f(a_i) = b_i$  feltételek egy lineáris egyenletrendszerként jelentenek, amelyben a  $c_i$  együtthatók az ismeretlenek, és amelyre alkalmazható a Cramer-szabály.